

**TỔNG BIÊN TẬP**  
**GS. TS. NGUYỄN TRƯỜNG TIẾN**  
**PHÓ TỔNG BIÊN TẬP**  
**PGS.TS. NGHIÊM HỮU HẠNH**  
**PGS.TS. ĐOÀN THẾ TUỜNG**

**HỘI ĐỒNG BIÊN TẬP**

PGS.TS. ĐÀO VĂN CANH  
 PGS.TS. ĐẶNG HỮU DIỆP  
 PGS.TS. PHÙNG MẠNH ĐẮC  
 GS.TSKH. BÙI ANH ĐỊNH  
 PGS.TS. LÊ PHƯỚC HẢO  
 PGS.TS. PHẠM QUANG HƯNG  
 PGS.TS. NGUYỄN BÁ KẾ  
 TS. PHÙNG ĐỨC LONG  
 GS. NGUYỄN CÔNG MÂN  
 PGS.TS. NGUYỄN HỒNG NAM  
 PGS.TS. NGUYỄN SÝ NGỌC  
 GS.TS. VŨ CÔNG NGỮ  
 GS.TS. MAI TRỌNG NHUẬN  
 PGS.TS. VÕ PHÁN  
 PGS.TS. NGUYỄN HUY PHƯƠNG  
 PGS.TS. NGUYỄN VĂN QUANG  
 GS.TSKH. NGUYỄN VĂN QUẢNG  
 PGS.TS. ĐOÀN MINH TÂM  
 GS.TS. TRẦN THỊ THANH  
 PGS.TS. VƯƠNG VĂN THÀNH  
 GS.TS. LÊ ĐỨC THẮNG  
 PGS.TS. TRẦN XUÂN THỌ  
 TS. ĐÌNH NGỌC THÔNG  
 GS.TSKH. NGUYỄN VĂN THƠ  
 PGS.TS. TRỊNH MINH THỤ  
 TS. NGUYỄN ĐÌNH TIẾN  
 GS.TS. ĐỖ NHƯ TRÁNG  
 TS. TRẦN VĂN TƯ  
 TS. TRẦN TÂN VĂN  
 GS.TSKH. PHẠM XUÂN

Giấy phép xuất bản số 1358/GPXB -  
 Ngày 8-6-1996, Bộ Văn hóa - Thông tin  
 Cơ quan xuất bản: Viện Địa kỹ thuật  
 (Liên hiệp các Hội KH&KT Việt Nam)  
 38 phố Bích Câu - Đống Đa - Hà Nội  
 Tel: 04. 22141917, 22108643; Fax: 04.37325213  
 Email: tapchidkt@yahoo.com.vn; viendkt@vusta.vn  
 Website: www.vgi-vn.com  
 Xuất bản 3 tháng 1 kỳ  
 Nộp l- u chiếu: tháng M- ời Hai 2012  
 In tại Công ty in Thủ Lĩnh

Giá: 20.000 đ

**Tạp chí ĐỊA KỸ THUẬT**

ISSN - 0868 - 279X  
 NĂM THỨ 16  
 SỐ 4 NĂM 2012

**MỤC LỤC**

**TRẦN XUÂN THỌ, TRƯỜNG TRỌNG QUÝ:** Dự báo độ gia tăng sức kháng cắn không thoát n- ớc của đất nền trong quá trình gia tải

3

**LÊ HOÀNG VIỆT, BÙI TRƯỜNG SƠN:** Đánh giá chuyển vị ngắn hạn và lâu dài của nền đất yếu d- ới công trình đắp trên cơ sở lý thuyết đàn hồi

14

**LÊ THỌ THANH, TRẦN NGUYỄN HOÀNG HÙNG:** Phân tích công nghệ thiết bị khoan phut vữa cao áp (Jet Grouting) trên thế giới

20

**PHAN HUY ĐÔNG, KIMITOSHI HAYANO:** Giải pháp mới xử lý đất bùn nạo vét thành vật liệu dạng hạt dùng trong xây dựng

29

**TRẦN TUẤN MINH, NGUYỄN DUYÊN PHONG:** Nghiên cứu quy luật phân bố ứng suất - biến dạng và đ- ờng cong lún sụt bề mặt đất xung quanh các đ- ờng hầm tiết diện nhỏ khi thay đổi đ- ờng kính và độ sâu đặt đ- ờng hầm

39

**KIỀU KIM TRÚC:** Xây dựng cơ sở dữ liệu địa cơ mỏ (Áp dụng cho mỏ than Đèo Nai)

48

**TRẦN QUỐC THỊNH, NGHIÊM HỮU HẠNH:** Phương pháp đồ giải tính toán ổn định mái dốc đá đối với kiểu tr- ợt nêm  
 Olympic cơ học đất

53

58

**EDITOR-IN-CHIEF**  
Prof.,Dr. NGUYEN TRUONG TIEN

**DEPUTY EDITORS-IN-CHIEF**  
Assoc. Prof., Dr. NGHIEM HUU HANH  
Assoc. Prof.,Dr. DOAN THE TUONG

**EDITORIAL BOARD**

Assoc. Prof. Dr. DAO VAN CANH  
Assoc. Prof.,Dr. DANG HUU DIEP  
Assoc. Prof. Dr. PHUNG MANH DAC  
Prof.,D.Sc. BUI ANH DINH  
Assoc. Prof.,Dr. LE PHUOC HAO  
Assoc. Prof., Dr. PHAM QUANG HUNG  
Assoc. Prof.,Dr. NGUYEN BA KE  
Dr. PHUNG DUC LONG  
Prof. NGUYEN CONG MAN  
Assoc. Prof. Dr. NGUYEN HONG NAM  
Assoc. Prof.,Dr. NGUYEN SY NGOC  
Prof.,Dr. VU CONG NGU  
Prof.,Dr. MAI TRONG NHUAN  
Assoc. Prof.,Dr. VO PHAN  
Assoc. Prof.,Dr. NGUYEN HUY PHUONG  
Assoc. Prof.,Dr. NGUYEN VAN QUANG  
Prof.,D.Sc. NGUYEN VAN QUANG  
Assoc., Prof. Dr. DOAN MINH TAM  
Prof., Dr. TRAN THI THANH  
Assoc. Prof.,Dr.VUONG VAN THANH  
Prof.,Dr. LE DUC THANG  
Assoc. Prof., Dr. TRAN XUAN THO  
Dr. DINH NGOC THONG  
Prof.,D.Sc. NGUYEN VAN THO  
Assoc. Prof. Dr. TRINH MINH THU  
Dr. NGUYEN DINH TIEN  
Prof., D. DO NHU TRANG  
Dr. TRAN VAN TU  
Dr. TRAN TAN VAN  
Prof.,D.Sc. PHAM XUAN

Printing licence No 1358/GPXB  
dated 8 June 1996 by the Minister of Culture and Information  
Published by the Vietnam Geotechnical Institute (Vietnam  
Union of Science and Technology Associations)  
Add: 38 Bich Cau, Dong Da, Hanoi  
Tel: 04.22141917, 22108643, Fax: 04. 37325213  
Email: tapchidkt@yahoo.com.vn; viendkt@vusta.vn  
Website: www.vgi-vn.com  
Copyright deposit: December 2012

**VIETNAM GEOTECHNIAL JOURNAL**

ISSN - 0868 - 279X  
VOLUME 16  
NUMBER 4 - 2012

**CONTENTS**

**TRAN XUAN THO; TRUONG TRONG**

**QUI:** Estimation of the increase of undrained shear strength of ground soils during pre-loading work 3

**LE HOANG VIET; BUI TRUONG SON:**

Assessment of short –term and long-term displacement on the basis of elastic theory 14

**LE THO THANH;TRAN NGUYEN**

**HOANG HUNG:** Jet grouting technology, overview and analysis 20

**PHAN HUY DONG; KIMITASHI:** New solution on treatment of dredged muddy clay for producing construction materials (granular soils). 29

**TRAN TUAN MINH;NGUYEN DUYEN**

**PHONG:** Study on distribution rule of stress deformation and subsidence curve of ground surface surrounding small sized tunnels with changing diameter and the depth where tunnel to be built. 39

**KIEU KIM TRUC:** Setting up

Geotechnical database (Case study of the Deonai coal pit mine) 48

**TRAN QUOC THINH; NGHIEM HUU**

**HANH:** Method of geometry analysis for calculating rock slope stability to deal with wedge sliding 53

Olympic on Soil Mechanics 58

# NGHIÊN CỨU QUY LUẬT PHÂN BỐ ỨNG SUẤT BIẾN DẠNG VÀ ĐƯỜNG CONG LÚN SỤT BỀ MẶT ĐẤT XUNG QUANH CÁC ĐƯỜNG HẦM TIẾT DIỆN NHỎ KHI THAY ĐỔI ĐƯỜNG KÍNH VÀ ĐỘ SÂU ĐẶT ĐƯỜNG HẦM

TRẦN TUẤN MINH, NGUYỄN DUYÊN PHONG\*

*Study on distribution rule of stress deformation and subsidence curve of ground surface surrounding small sized tunnels with changing diameter and the depth where tunnel to be built.*

**Abstract:** This paper presents the distribution rule of stress failure (deformation) and the process of setting up of subsidence curve of ground surface surrounding the walls of the small sized tunnels when the diameter and the depth where tunnels have been built were changed

## 1. ĐẶT VẤN ĐỀ

Hiện nay, việc thi công xây dựng các đường hầm có tiết diện nhỏ (đường kính thường nhỏ hơn 2,5m) trong các khu vực dân cư và thành phố ở Việt Nam ngày càng được ưu tiên quan tâm nhiều trong thời gian gần đây. Các đường hầm tiết diện nhỏ này có thể được sử dụng làm các đường hầm dẫn cáp điện, kỹ thuật, cáp, thoát nước hoặc làm một số công dụng khác. Để thi công xây dựng các đường hầm này có thể sử dụng các phương pháp khai đào lộ thiên, nhóm phương pháp kích đẩy hoặc các khiên đào tiết diện nhỏ chuyên dụng. Tuy nhiên, ngày nay việc hiểu biết đến sự thay đổi trạng thái ứng suất - biến dạng xung quanh các đường hầm tiết diện nhỏ còn ít được quan tâm chú ý, đặc biệt là khi đường hầm bắt buộc khai đào bằng phương pháp ngầm trong điều kiện thành phố, khu vực nhà cửa đông dân cư mà nhóm phương pháp khai đào lộ thiên không thể áp dụng được. Bài báo này giới thiệu việc nghiên cứu quy luật ứng suất - biến dạng xung quanh đường hầm tiết diện nhỏ khi thay đổi đường kính và độ sâu đặt công trình. Ngoài ra cũng giới thiệu việc xây

dựng quy luật và xác định độ lún bờ mặt trong khi xây dựng các đường hầm tiết diện nhỏ.

## 2. ẢNH HƯỞNG CỦA SỰ THAY ĐỔI ĐƯỜNG KÍNH VÀ ĐỘ SÂU ĐẶT ĐƯỜNG HẦM

Thông thường đường hầm tiết diện nhỏ đặt ở gần bờ mặt đất thường nằm trong vùng đất đá yếu nên có thể nói nó được khai đào trong môi trường không phải là đàn hồi mà có thể là đàn hồi dẻo hoặc môi trường dẻo. Các phương pháp lý thuyết trong môi trường dẻo thường sử dụng cho đường hầm dạng tròn, theo Bray (Goodman, 1989) thì giá trị ứng suất trong vùng đàn hồi với đường hầm tiết diện tròn có áp lực  $p_1 = p_2 = p$  có thể được xác định theo công thức sau:

$$\sigma_r = p - \frac{b}{r^2} \quad (1)$$
$$\sigma_\theta = p + \frac{b}{r^2}$$

Trong đó giá trị  $b$  được xác định theo công thức sau:

$$b = \left[ \frac{\left\{ \tan^2 \left( 45 + \frac{\phi}{2} \right) - 1 \right\} \cdot p + \sigma_n}{\tan^2 \left( 45 + \frac{\phi}{2} \right) + 1} \right] R^2 \quad (2)$$

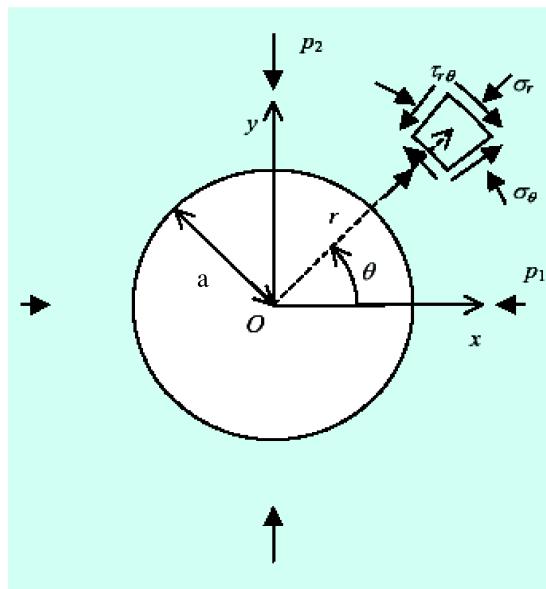
Ở đây  $\phi$  là góc ma sát trong của đất đá

Khi đường hầm có áp lực bên trong  $p_i$  thì trong vùng dẻo các giá trị ứng suất được xác định theo công thức sau:

\* Trường đại học Mỏ - Địa chất Hà Nội  
Đông Ngạc, Từ Liêm, Hà Nội  
Email:tuanminhhung@yahoo.com

$$\sigma_r = (p_i + C_i \cot g\varphi_i) \left( \frac{r}{a} \right)^Q - C_i \cot g\varphi_i \quad (3)$$

$$\sigma_\theta = (p_i + C_i \cot g\varphi_i) \frac{\operatorname{tg} \psi}{\operatorname{tg}(\psi - \varphi_i)} \left( \frac{r}{a} \right)^Q - C_i \cot g\varphi_i$$



Hình 1. Sơ đồ bài toán của Bray  
(Goodma, 1980)

Trong đó:  $C_i$  - cường độ lực dính kết dure, MPa;  $\psi = 45 + \varphi/2$ ;  $Q = \frac{\operatorname{tg} \psi}{\operatorname{tg}(\psi - \varphi)} - 1$

Và bán kính vùng biến dạng dẻo được xác định bằng công thức sau:

$$R_d = a \sqrt{\frac{2p - \sigma_n + \left\{ 1 + \operatorname{tg}^2 \left( 45 + \frac{\varphi}{2} \right) \right\} C_i \cot g\varphi}{\left\{ 1 + \operatorname{tg}^2 \left( 45 + \frac{\varphi}{2} \right) \right\} (p_i + C_i \cot g\varphi)}}^{\frac{1}{Q}} \quad (4)$$

Ở đây:

$R_d$  - bán kính vùng đàn hồi dẻo

$a$  - bán kính đường hầm

$r$  - khoảng cách từ tâm hầm đến độ ẩm đang xét

$p$  - áp lực bên ngoài đường hầm

$p_i$  - áp lực bên trong đường hầm

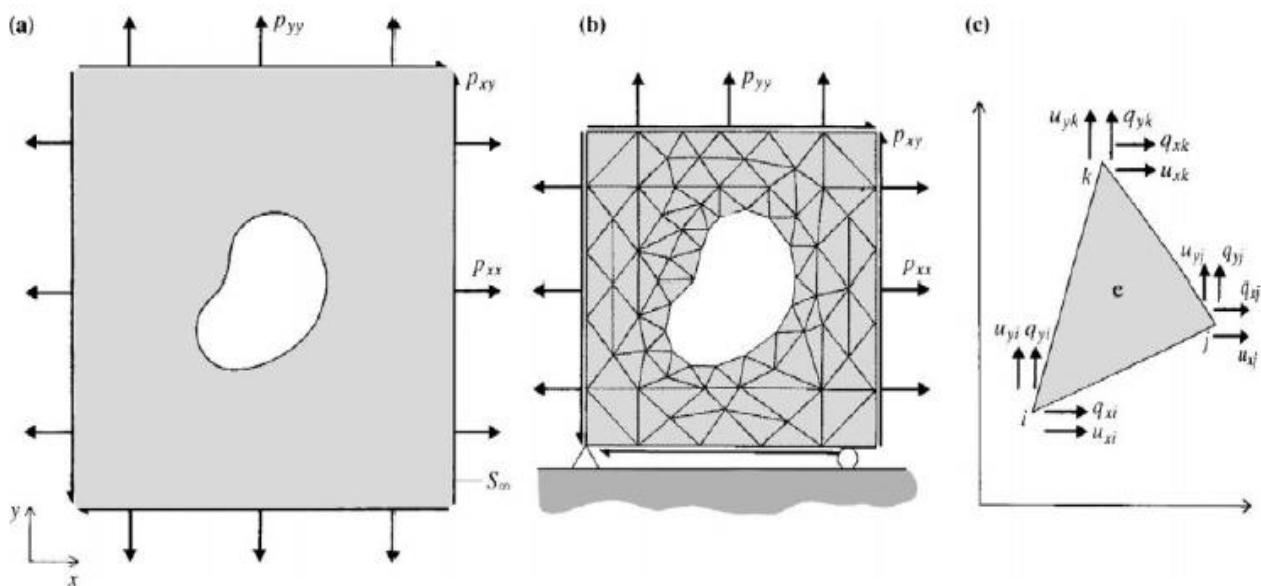
$\sigma_n$  - độ bền nén đơn trực của đất đá (UCS)

$\varphi$  - góc ma sát trong của đất đá

$\psi$  - góc ma sát trong dư

### 3. MÔ HÌNH PHÂN TÍCH SỐ

Trong phần này sẽ trình bày việc sử dụng phương pháp số phân tử hữu hạn trên cơ sở phần mềm số Phase 2 thiết lập các quy luật biến đổi cơ học xung quanh các đường hầm tiết diện nhỏ khi thay đổi đường kính và độ sâu đặt đường hầm, cũng như xác định quy luật đường cong lún bờ mặt cho bài toán. Phương pháp phân tử hữu hạn xung quanh đường hầm tiết diện bất kỳ trong phương pháp phân tử hữu hạn được thể hiện như trong hình 2.



Hình 2. Sơ đồ phân tích bằng phương pháp phân tử hữu hạn trên máy tính

Ở đây  $p_{xx}$ ,  $p_{yy}$ ,  $p_{xy}$  - là các thành phần ứng suất nguyên sinh

Trên hình 2c, các nút i, j, k có hàm chứa các thành phần chuyển vị  $u_{xi}$ ,  $u_{yi}$ , v.v. và ma trận chuyển vị  $[u]$  trong các nút khác nhau. Gọi  $[N]$  là hàm chức năng và có thể được xác định theo công thức sau:

$$[u] = \begin{bmatrix} u_x \\ u_y \end{bmatrix} = \sum [N_i] [u_i] = \begin{bmatrix} \bar{N}_i & \bar{N}_j & \bar{N}_k \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_i \\ u_j \\ u_k \end{bmatrix} = [N] [u^e] \quad (5)$$

Trong đó

$$[u_i] = \begin{bmatrix} u_{xi} \\ u_{yi} \end{bmatrix}; \quad [N_i] = \bar{N}_i = \begin{bmatrix} N_i & 0 \\ 0 & N_i \end{bmatrix} \quad (6)$$

Các thành phần trong ma trận  $[N]$ , và  $N_i$  là các hàm chức năng có liên quan đến toạ độ

$[u^e]$  - véc tơ cột có bao hàm các giá trị chuyển vị  $u_{xi}$ ,  $u_{yi}$ ,  $u_{xj}, \dots$

Hàm chức năng  $[N]$  được chọn đối với các chuyển vị trên các nút. Vì vậy có thể thu được công thức sau: (7) và (8).

$$u_x = \frac{1}{2\Delta} [(a_i + b_i x + c_i y)u_{xi} + (a_j + b_j x + c_j y)u_{xj} + (a_k + b_k x + c_k y)u_{xk}] \quad (11)$$

Trong đó

$$\begin{aligned} a_i &= x_j y_k - x_k y_j \\ b_i &= y_j - y_k \\ c_i &= x_k - x_j \end{aligned} \quad (12)$$

Trong các nút i, j, k có bao hàm  $a_j, \dots$  và  $2\Delta =$

$$2x \text{ diện tích phần tử tam giác} = 2 \begin{bmatrix} 1 & x_i & y_i \\ 1 & x_j & y_j \\ 1 & x_k & y_k \end{bmatrix}$$

Các kết quả  $\alpha_4$ ,  $\alpha_5$ ,  $\alpha_6$  trong hàm chức năng chuyển vị  $u_x$  trong công thức (11) thu được bởi sự thay đổi  $u_{yi}$  và  $u_{xi}$ . Do đó, sự thay đổi chuyển vị trong các phần tử được quan sát trong công thức sau:

$$[u] = \begin{bmatrix} u_x \\ u_y \end{bmatrix} = [N] [u^e] = [N_i I, N_j I, N_k I] [u^e] \quad (13)$$

Ở đây  $N_i = (a_i + b_i x + c_i y) / 2\Delta$

$$[N_i]_{xi,yi} = [I] \quad (7)$$

$$[N_i]_{xi,yi} = [0], \text{ v.v.} \quad (8)$$

Ở đây  $[I]$  và  $[0]$  - là các ma trận chuyển vị, từ các thành phần chuyển vị trên các nút trong các hàm chức năng, thu được:

$$[N_i] = N_i [I]$$

Ở đây  $N_i$  - là hàm vô hướng trong phần tử các nút

Các thành phần chuyển vị trong hàm số toạ độ được viết như sau:

$$\begin{aligned} u_x &= \alpha_1 + \alpha_2 x + \alpha_3 y \\ u_y &= \alpha_4 + \alpha_5 x + \alpha_6 y \end{aligned} \quad (9)$$

Khi sáu thành phần trong các hàm trên được xác định thì có thể xác định được các chuyển vị  $u_x$ ,  $u_y$  trong các nút. Do đó  $\alpha_1$ ,  $\alpha_2$ ,  $\alpha_3$  được xác định bằng cách giải các phương trình sau:

$$\begin{aligned} u_{xi} &= \alpha_1 + \alpha_2 x_i + \alpha_3 y_i \\ u_{xj} &= \alpha_1 + \alpha_2 x_j + \alpha_3 y_j \\ u_{xk} &= \alpha_1 + \alpha_2 x_k + \alpha_3 y_k \end{aligned} \quad (10)$$

Sau khi giải các phương trình trên, thu được:

Công thức đơn giản  $N_j$ ,  $N_k$  và  $I$  là các ma trận  $2x2$

Chuyển vị trong các phần tử có thể được xác định theo công thức sau:

$$[\varepsilon] = \begin{bmatrix} \varepsilon_{xx} \\ \varepsilon_{yy} \\ \varepsilon_{xy} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial u_x}{\partial x} \\ \frac{\partial u_y}{\partial y} \\ \frac{\partial u_x}{\partial y} + \frac{\partial u_y}{\partial x} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial}{\partial x} & 0 \\ 0 & \frac{\partial}{\partial y} \\ \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial x} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_x \\ u_y \end{bmatrix} \quad (14)$$

Hay là

$$[\varepsilon] = [L] [u] \quad (15)$$

Từ công thức (14) và (15), viết được như sau:

$$[\varepsilon] = [L] [N] [u^e] = [B] [u^e]$$

Trong đó:

$$[B] = \begin{bmatrix} \frac{\partial N_i}{\partial x} & 0 & \frac{\partial N_j}{\partial x} & 0 & \frac{\partial N_k}{\partial x} & 0 \\ 0 & \frac{\partial N_i}{\partial y} & 0 & \frac{\partial N_j}{\partial y} & 0 & \frac{\partial N_k}{\partial y} \\ \frac{\partial N_i}{\partial y} & \frac{\partial N_i}{\partial x} & \frac{\partial N_{ij}}{\partial y} & \frac{\partial N_j}{\partial x} & \frac{\partial N_k}{\partial y} & \frac{\partial N_k}{\partial x} \end{bmatrix} \quad (16)$$

$$\begin{bmatrix} \sigma_{xx} \\ \sigma_{yy} \\ \sigma_{xy} \end{bmatrix} = \frac{E(1-\nu)}{(1+\nu)(1-\nu)} \begin{bmatrix} 1 & \nu/(1-\nu) \\ \nu/(1-\nu) & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varepsilon_{xx} \\ \varepsilon_{yy} \\ \gamma_{xy} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \sigma_{xx}^0 \\ \sigma_{yy}^0 \\ \sigma_{xy}^0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Hay } [\sigma] = [D][\varepsilon] + [\sigma^0] = [D][B][u^e] + [\sigma^0] \quad (17)$$

Trong đó  $[\sigma]$  - véc tơ tổng ứng suất,  $[D]$  - ma trận đàn hồi, và  $[\sigma^0]$  - véc tơ tổng ứng suất nguyên sinh ban đầu.

### Sự cân bằng lực ở các nút

Trong phương pháp phần tử hữu hạn để đặt các lực  $q_{xi}, q_{yi}, \dots$  lên các nút phải cân bằng giữa các lực bên trong của các nút với trọng lượng của các nút:

$$\Delta W^i = [\delta\varepsilon][\sigma] - [\delta u]^T[b] = ([B][\delta u^e])^T[\sigma] - ([N][\delta u^e])^T[b] = [\delta u^e]^T[B][\sigma] - [N]^T[b]$$

Tích phân trên toàn bộ thể tích của phần tử thu được:

$$[q^e] = \int_{V_e} [B]^T[\sigma]dV - \int_{V_e} [N]^T[b]dV \quad (19)$$

từ (17) thu được

$$[q^e] = \int_{V_e} [B]^T[D][B][u^e]dV + \int_{V_e} [B]^T[\sigma^0]dV - \int_{V_e} [N]^T[b]dV \quad (20)$$

thành phần  $\int_{V_e} [B]^T[D][B][u^e]dV$  - là ma trận  $6 \times 6$

$$\int_{V_e} [B]^T[\sigma^0]dV - là ma trận  $6 \times 1$ ; \int_{V_e} [N]^T[b]dV -$$

là ma trận  $6 \times 1$

Khi thể tích các phần tử tam giác là  $V^e$ , các thành phần  $[B]$  và  $[N]$  - là hằng số trên toàn bộ thể tích của các phần tử. Do đó thu được công thức:

$$[q^e] = V_e [B]^T[D][B][u^e] + V_e [B]^T[\sigma^0] - V_e [N]^T[b]$$

Trong hầu hết các trường hợp

$$[q^e] = [K^e][u^e] + [f^e] \quad (21)$$

$[q^e]$  - có liên quan đến chuyển vị tại các nút  $[u^e]$

$[K^e]$  - ma trận độ cứng

$[f^e]$  - véc tơ lực tác động bên ngoài

$[K^e]$  và  $[f^e]$  được xác định từ hình học các

Khi chuyển vị là các thành phần biến dạng đàn hồi thì các hằng số trong ma trận  $[B]$  là hằng số, các thành phần ứng suất trong các phần tử sẽ được xác định theo công thức sau:

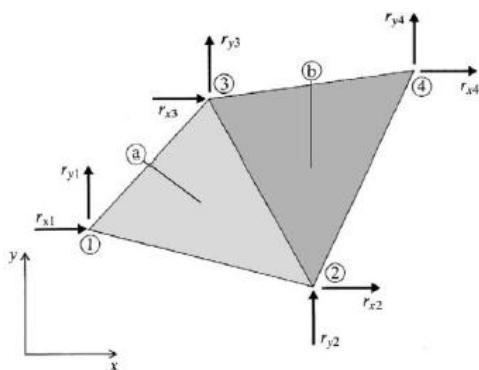
$$[b] = \begin{bmatrix} b_x \\ b_y \end{bmatrix}; [\delta u] = [N][\delta u^e]; [\delta\varepsilon] = [B][\delta u^e] \quad (18)$$

$[\delta u^e]$  - chuyển vị bên trong các nút  
nếu lực bên ngoài tác động lên nút là  $[q^e]$  thì  
 $\Delta W^e = [\delta u^e]^T[q^e]$

Charlton (1959) đã xác định  $\Delta w^e$  theo công thức sau:

$$[q^e] = \int_{V_e} [B]^T[\sigma]dV - \int_{V_e} [N]^T[b]dV$$

phần tử và ứng suất nguyên sinh ban đầu cũng như dung trọng đất đá.



### Xác định chuyển vị tại các nút:

Tác động bên ngoài tác động lên các nút được xác định theo công thức sau:

$$[r]^T = [r_{x1} r_{y1} r_{x2} r_{y2} r_{x3} r_{y3} r_{x4} r_{y4}] \quad (22)$$

với hai phần tử a và b

$$[q^a]^T = [q_{x1}^a q_{y1}^a q_{x2}^a q_{y2}^a q_{x3}^a q_{y3}^a] \quad (23)$$

$$[q^b]^T = [q_{x2}^b q_{y2}^b q_{x4}^b q_{y4}^b q_{x3}^b q_{y3}^b]$$

Đối với nút 1  $r_{x1} = q_{x1}^a$ ;  $r_{y1} = q_{y1}^a$

Đối với nút 2  $r_{x2} = q_{x2}^a + q_{x2}^b$ ;  $r_{y2} = q_{y2}^a + q_{y2}^b$

Và cuối cùng thu được các công thức giữa các lực và các chuyển vị như sau:

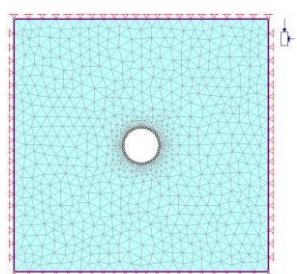
$$\begin{bmatrix} r_{x1} \\ r_{y1} \\ r_{x2} \\ r_{y2} \\ r_{x3} \\ r_{y3} \\ r_{x4} \\ r_{y4} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} K^a & & & & & & 0 & 0 \\ & K^a + K^b & & & & & u_{x1} \\ & & K^a + K^b & & & & u_{y1} \\ & & & K^b & & & u_{x2} \\ & & & & K^b & & u_{y2} \\ & & & & & K^b & u_{x3} \\ & & & & & & u_{y3} \\ & & & & & & u_{x4} \\ & & & & & & u_{y4} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} f_{x1} \\ f_{y1} \\ f_{x2} \\ f_{y2} \\ f_{x3} \\ f_{y3} \\ f_{x4} \\ f_{y4} \end{bmatrix} \quad (24)$$

Sử dụng phần mềm số Phase 2 để phân tích và tìm hiểu quy luật của ứng suất và biến dạng, cũng như xây dựng đường cong lún bù mặt trong bài toán phẳng, cơ sở dữ liệu đầu vào

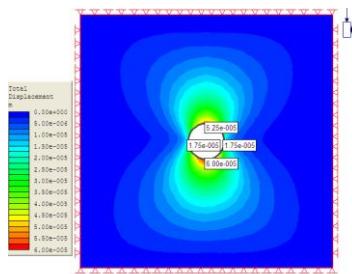
được thể hiện như trong Bảng 1. Trường hợp thứ nhất là xem xét sự thay đổi đường kính đường hầm đến ứng suất, biến dạng xung quanh đường hầm sau khi khai đào.

**Bảng 1. Các tham số đầu vào cho phân tích**

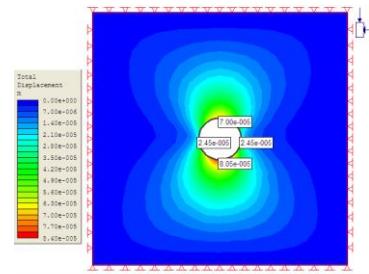
| TT | Tên tham số   | Ký hiệu             | Giá trị                 | Đơn vị          |
|----|---|---------------------|-------------------------|-----------------|
| 1  | Dung trọng đất đá                                     | $\gamma$            | 0,016                   | $\text{MN/m}^3$ |
| 2  | Độ bền kéo đất đá                                     | $\sigma_k$          | 0,0                     | MPa             |
| 3  | Cường độ lực dính kết                                 | c                   | 0,05                    | MPa             |
| 4  | Góc ma sát trong                                      | $\phi$              | 25                      | Độ              |
| 5  | Mô đun đàn hồi  | E                   | 500                     | MPa             |
| 6  | Hệ số Poisson   | $\mu$               | 0,35                    | -               |
| 7  | Góc dãn nở  | $\psi$              | 0                       | Độ              |
| 8  | Góc ma sát trong dư                                   | $\phi_{re}$         | 26                      | Độ              |
| 9  | Cường độ lực dính kết dư                              | $c_{re}$            | 0,5                     | MPa             |
| 10 | Đường kính đường hầm                                  | D                   | 0,5; 0,7; 1,0; 1,2; 1,5 | m               |
| 11 | Loại vật liệu   | Dẻo                 | -                       | -               |
| 12 | Tiêu chuẩn sử dụng                                    | Mohr - Coulomb      | -                       | -               |
| 13 | Hệ số ứng suất nguyên sinh ban đầu (ngang/thẳng đứng) | $\sigma_3/\sigma_1$ | 0,5                     | -               |
| 14 | Độ sâu đặt đường hầm                                  | H                   | 5                       | m               |



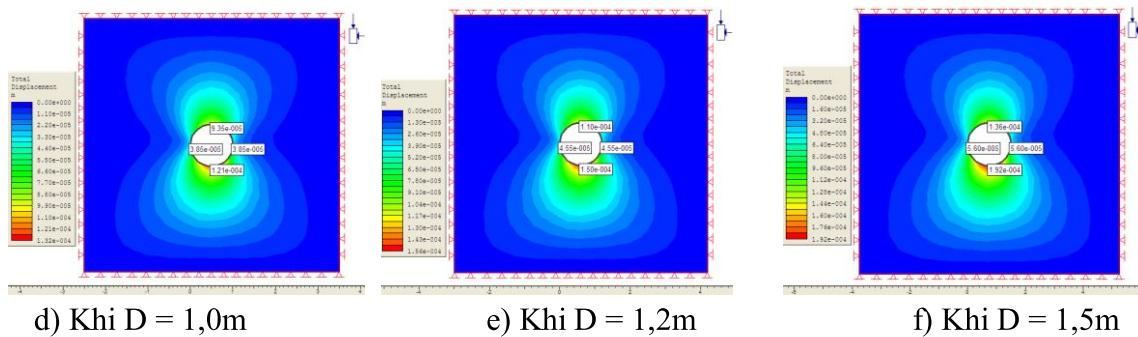
a) Mô hình phân tích



b) Khi D = 0,5m



c) Khi D = 0,75m



Hình 3. Kết quả mô hình và phân bố tổng biến dạng khi thay đổi đường kính hầm D

**Bảng 2: Thống kết quả sau phân tích**

| Tham số                | Đường kính hàm (D) | 0,5m           | 0,7m           | 1,0m           | 1,2m           | 1,5m           |
|------------------------|--------------------|----------------|----------------|----------------|----------------|----------------|
| $\sigma_1$ , MPa       | Nóc                | 0,04           | 0,04           | 0,04           | 0,04           | 0,04           |
|                        | Sườn               | 0,17           | 0,17           | 0,17           | 0,17           | 0,17           |
|                        | Nền                | 0,04           | 0,04           | 0,05           | 0,04           | 0,04           |
| $\sigma_3$ , MPa       | Nóc                | 0,00           | 0,00           | 0,00           | 0,00           | 0,00           |
|                        | Sườn               | 0,01           | 0,01           | 0,01           | 0,01           | 0,01           |
|                        | Nền                | 0,00           | 0,00           | 0,00           | 0,00           | 0,00           |
| $\varepsilon_{xy}$ , m | Nóc                | $5,25.10^{-5}$ | $7,00.10^{-5}$ | $9,30.10^{-5}$ | $1,11.10^{-4}$ | $1,36.10^{-4}$ |
|                        | Sườn               | $1,75.10^{-5}$ | $2,45.10^{-5}$ | $3,85.10^{-5}$ | $4,55.10^{-5}$ | $5,60.10^{-5}$ |
|                        | Nền                | $6,00.10^{-5}$ | $8,05.10^{-5}$ | $1,21.10^{-4}$ | $1,50.10^{-4}$ | $1,92.10^{-4}$ |

Sau khi phân tích bằng Phase 2 có thể thu được kết quả các giá trị ứng suất và biến dạng ở nóc, sườn, và nền đường hầm như trong bảng 2.

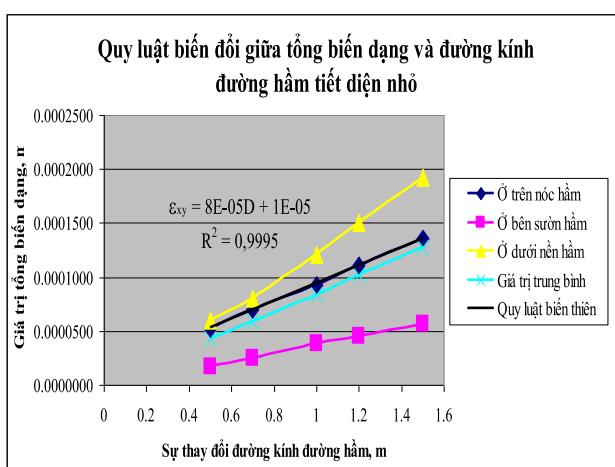
Bằng phương pháp thống kê các kết quả trong bảng 2, sau khi phân tích, thiết lập được công thức tổng biến dạng với sự thay đổi đường kính của đường hầm như sau:

$$\varepsilon_{xy} = 8 \cdot 10^{-5} \cdot D + 10^{-5}, R^2 = 0,9995 \quad (25)$$

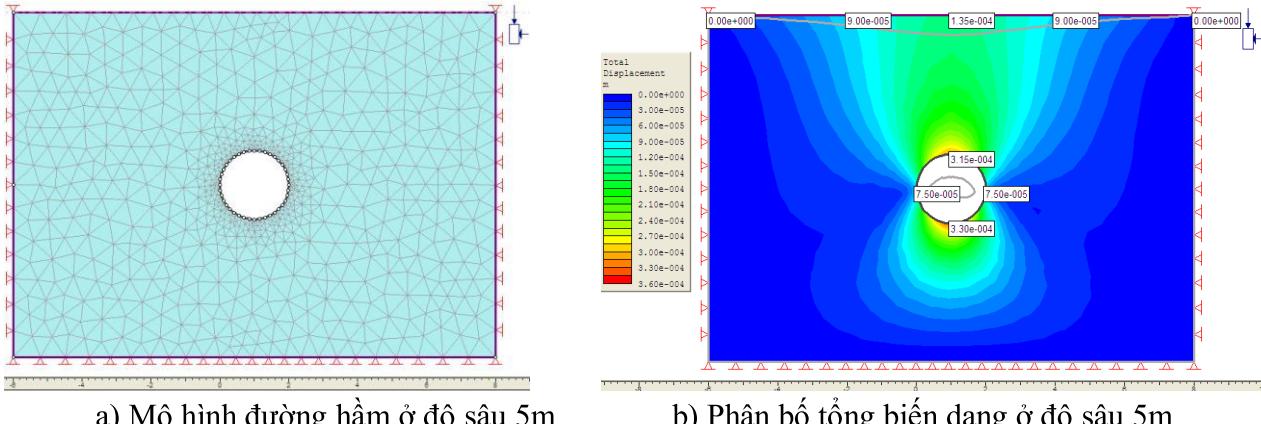
Trong đó: D - đường kính đường hầm tiết diện nhỏ đem sử dụng, m

Trường hợp khi thay đổi độ sâu đặt đường hầm

Trong trường hợp thay đổi độ sâu đặt đường hầm, chúng ta vẫn sử dụng các tham số đầu vào đất đá và đường kính đường hầm như ở trong bảng 1, ở phần này chỉ thay đổi độ sâu H đặt đường hầm lần lượt tương ứng là  $H = 5, 6, 8, 10, 12\text{m}$ . Kết quả mô phỏng bằng mô hình và kết quả sau phân tích được thể hiện như trong các hình 5 và 6.



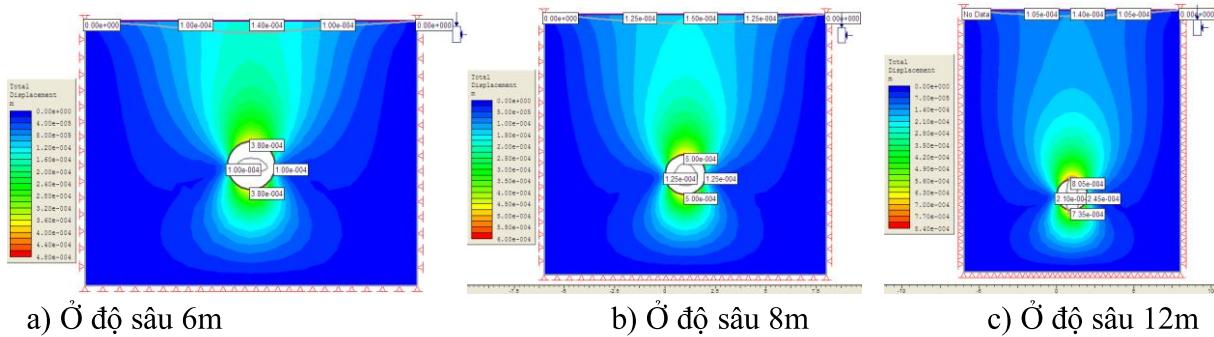
Hình 4. Đồ thị biểu thị quan hệ giữa tổng biến dạng và sự thay đổi đường kính đường hầm D



a) Mô hình đường hầm ở độ sâu 5m

b) Phân bố tổng biến dạng ở độ sâu 5m

Hình 5. Mô hình đường hầm bằng Phase 2 (a) và phân bố tổng biến dạng khi  $H = 5m$  (b)



a) Ở độ sâu 6m

b) Ở độ sâu 8m

c) Ở độ sâu 12m

Hình 6. Kết quả phân bố biến dạng, ứng suất khi thay đổi độ sâu đặt đường hầm

Từ các kết quả phân tích được trong bảng 3 và 4, bằng thống kê chúng ta cũng thu được biểu đồ quy luật và biểu thức toán học phụ thuộc như

trong hình 7, 8 tương ứng cho ứng suất, biến dạng và đường cong lún sụt bề mặt khi thay đổi độ sâu đặt đường hầm.

Bảng 3. Thống kê kết quả khi thay đổi độ sâu đặt đường hầm tiết diện nhỏ

| Chỉ số                 | Độ sâu           | 5m                   | 6m                   | 8m                   | 10m                  | 12m                  |
|------------------------|------------------|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|
| $\sigma_1$ , MPa       | Giá trị ở nóc    | 0,04                 | 0,06                 | 0,09                 | 0,1                  | 0,14                 |
|                        | Giá trị ở nền    | 0,06                 | 0,07                 | 0,11                 | 0,12                 | 0,16                 |
|                        | Giá trị bên sườn | 0,21                 | 0,26                 | 0,33                 | 0,38                 | 0,38                 |
| $\sigma_3$ , MPa       | Giá trị ở nóc    | 0,00                 | 0,00                 | 0,01                 | 0,01                 | 0,01                 |
|                        | Giá trị ở nền    | 0,00                 | 0,00                 | 0,01                 | 0,01                 | 0,01                 |
|                        | Giá trị bên sườn | 0,01                 | 0,01                 | 0,03                 | 0,03                 | 0,03                 |
| $\varepsilon_{xy}$ , m | Giá trị ở nóc    | $3,15 \cdot 10^{-4}$ | $3,80 \cdot 10^{-4}$ | $5,10 \cdot 10^{-4}$ | $6,30 \cdot 10^{-4}$ | $8,05 \cdot 10^{-4}$ |
|                        | Giá trị ở nền    | $3,30 \cdot 10^{-4}$ | $3,80 \cdot 10^{-4}$ | $5,10 \cdot 10^{-4}$ | $6,00 \cdot 10^{-4}$ | $7,35 \cdot 10^{-4}$ |
|                        | Giá trị bên sườn | $7,50 \cdot 10^{-5}$ | $1,10 \cdot 10^{-4}$ | $1,25 \cdot 10^{-4}$ | $1,80 \cdot 10^{-4}$ | $2,45 \cdot 10^{-4}$ |

**Bảng 4. Độ lún bù mặt khi thay đổi điểm độ sâu đặt đường hầm tiết diện nhỏ H**

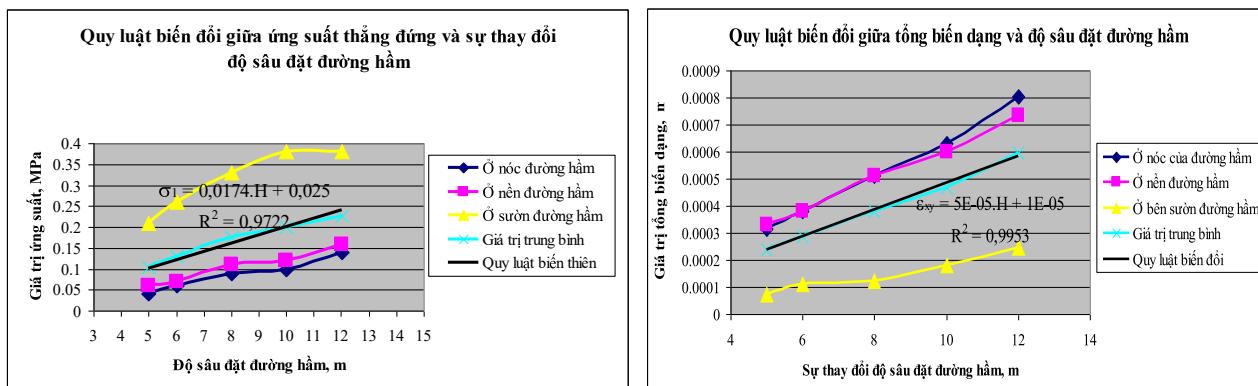
| Vị trí từ tâm đường hầm ra 2 bên | -6m  | -2m                  | 1m                   | 4m                   | 8m   |
|----------------------------------|------|----------------------|----------------------|----------------------|------|
| Độ sâu đặt 5m                    | 0,00 | $9,00 \cdot 10^{-5}$ | $1,35 \cdot 10^{-4}$ | $9,00 \cdot 10^{-5}$ | 0,00 |
| Độ sâu đặt 6m                    | 0,00 | $1,00 \cdot 10^{-4}$ | $1,40 \cdot 10^{-4}$ | $1,00 \cdot 10^{-4}$ | 0,00 |
| Độ sâu đặt 8m                    | 0,00 | $1,25 \cdot 10^{-4}$ | $1,50 \cdot 10^{-4}$ | $1,25 \cdot 10^{-4}$ | 0,00 |
| Độ sâu đặt 10m                   | 0,00 | $1,20 \cdot 10^{-4}$ | $1,50 \cdot 10^{-4}$ | $1,20 \cdot 10^{-4}$ | 0,00 |
| Độ sâu đặt 12m                   | 0,00 | $1,05 \cdot 10^{-4}$ | $1,40 \cdot 10^{-4}$ | $1,05 \cdot 10^{-4}$ | 0,00 |

Công thức liên quan giữa ứng suất thẳng đứng và độ sâu đặt đường hầm thiết lập được như sau:  $\sigma_1 = 0,0174.H + 0,025$ ,  $R^2 = 0,9722$  (26)

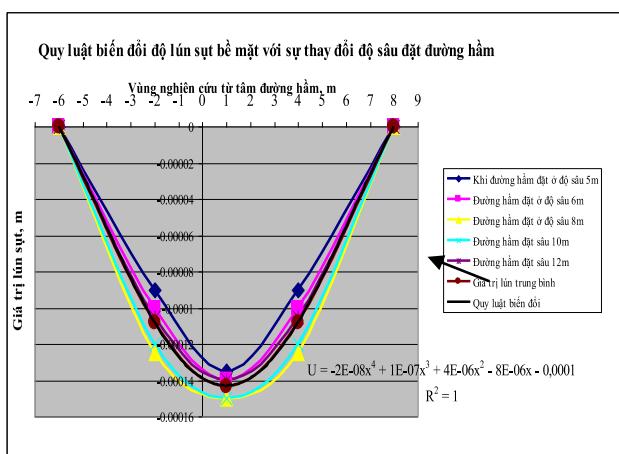
Ở đây H - độ sâu đặt đường hầm, m

Sử dụng thông kê chúng ta cũng thu được biểu đồ quan hệ giữa tổng biến dạng và sự thay đổi độ sâu đặt đường hầm như trên Hình 7 và công thức biến đổi quy luật như sau:

$$\epsilon_{xy} = 5 \cdot 10^{-5} \cdot H + 10^{-5}, R^2 = 0,9953 \quad (27)$$



**Hình 7. Kết quả quy luật biến đổi của ứng suất theo sự thay đổi độ sâu đặt đường hầm và sự thay đổi biến dạng theo độ sâu đặt đường hầm H**



**Hình 8. Quy luật biến đổi của đường cong lún khi thay đổi độ sâu đặt đường hầm**

Chúng ta cũng có thể thiết lập được đường cong phễu lún sụt bù mặt đất từ tâm đường hầm ra 2 phía xung quanh trong bài toán phẳng theo công thức như sau:

$$U = -2 \cdot 10^{-8}x^4 + 1 \cdot 10^{-7}x^3 + 4 \cdot 10^{-6}x^2 - 8 \cdot 10^{-6}x - 0,0001, R^2 = 1 \quad (28)$$

Ở đây x - toạ độ theo trục nằm ngang bên trên bù mặt đất như trên hình 8.

#### 4. KẾT LUẬN VÀ KIẾN NGHỊ

Qua phân tích ở trên có thể đưa ra các kết luận như sau:

- Sự thay đổi đường kính có ảnh hưởng lớn đến trạng thái ứng suất và biến dạng xung quanh

các đường hầm tiết diện nhỏ. Giá trị ứng suất và biến dạng tỷ lệ thuận (công thức 25) với sự tăng lên của đường kính đường hầm, điều này là hoàn toàn hợp lý với phân tích lý thuyết trước đây. Trong cùng một điều kiện địa chất thì khoảng trống đường hầm tăng thì vùng ảnh hưởng đến đất đá xung quanh tăng, ứng suất và biến dạng đều tăng.

- Trong trường hợp thay đổi độ sâu thì quan hệ ứng suất, biến dạng cũng tỷ lệ thuận (công thức 26, 27) với sự tăng lên của độ sâu đặt đường hầm, do bài toán xét đến trọng lượng bảm thân đất đá nên điều này là hoàn toàn phù hợp với lý thuyết đại số trước đây.

- Qua phân tích chúng ta cũng có thể thiết lập được đường cong lún sụt bề mặt đất trong mặt cắt ngang từ tâm đường hầm ra 2 bên cánh (công thức 28). Quan sát công thức này với các công thức giải tích trước đây cũng thấy sự tương hợp đều là hàm số bậc 4 và đạt cực trị tại đỉnh nóc hầm, càng ra xa thì cánh cung của phễu lún giảm dần và ở vị trí khoảng 7m từ tâm đường hầm (trong trường hợp cụ thể phân tích) thì bề mặt đất không bị lún sụt nữa. Như vậy nếu trên bề mặt đất trong khu vực phễu lún sụt này các công trình đã có hoặc sẽ xây dựng sau này đều cần phải được quan tâm, chú ý trong quá trình thiết kế và xây dựng.

Bằng phương pháp số chúng ta cũng thấy rằng lời giải sẽ trở lên nhanh gọn và có tính đơn giản hơn đi rất nhiều. Đây cũng là ưu thế vượt trội của phương pháp số và mô hình số trong quá trình giải các bài toán địa kỹ thuật hiện nay.

## TÀI LIỆU THAM KHẢO

- 1.B.H.G. Bray, E.T. Brown, Rock mechanics for underground mining, 2004.
2. Eric chey, JACJOBS, LDERWOOD water and wastewater district, an introduction to trenchless methods and evaluation for the installation of new pipelines, 2009.
3. Jacking and boring best practices, Achieving quality products, NASST 2005
4. John P. Harrison and John A. Hudson Freng, Imperial college of science, Technology and medicine University of London, UK, Engineering rock mechanics, 1997.
5. Le Projet National de recherches, microtunnels, par Michel MERMET et Alain GUILLOUX, Rencontres techniques IREXParis - 21 mars 2002.
6. Microtunneling and pipe jacking, Sbastien viroux FFK, internal BAM Market, Nieuwegein, june 10, 2008.